

**OSNOVNA ŠKOLA**

**8. RAZRED**

**Nastavna tema:**

**TAČKA, PRAVA I RAVAN**

**ZADACI – VEŽBANJE**

**Nivo: SVI**

**AUTOR: Bogdan Đurić**

**LEKCIJA:**

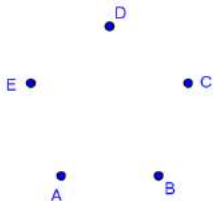
# **TAČKA I PRAVA. TAČKA I RAVAN**

**AUTOR: Bogdan Đurić**

**NIVO**

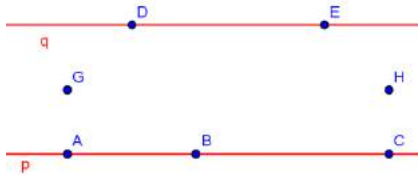
**2 – DOVOLJAN**

Broj raznih prava koje možemo konstruisati kroz date tačke (vidi crtež) je:



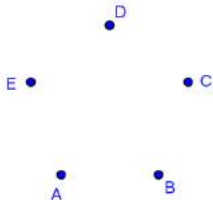
$$n_p = \square$$

Broj raznih prava koje iz tačke  $A$  možemo konstruisati kroz ostale date tačke, ne računajući prave  $p$  i  $q$  (vidi crtež) je:



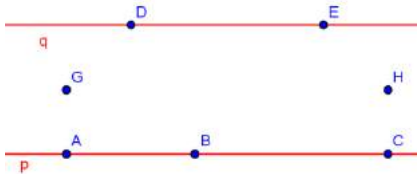
$$n_p = \square$$

Broj duži koje su određene datim tačkama  
(vidi crtež) je:



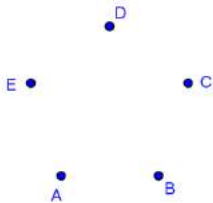
$$n_d = \square$$

Broj duži koje iz tačke  $A$  možemo konstruisati do ostalih datih tačaka van prave  $p$  je:



$$n_d = \square$$

Broj raznih poluprava koje određuju date tačke (vidi crtež) je:



$$n_{pp} = \square$$



**NIVO**

**3 – DOBAR**

Neka je dato 5 raznih tačaka. Maksimalan broj raznih prava koje određuju ove date tačke je:

$$n_p = \square$$

Broj prava određenih temenima konveksnog  
13-tougla je:

$$n_p = \square$$

Neka je dato 5 raznih prava. Maksimalan broj presečnih tačaka koje određuju ove date prave je:

$$n_A = \square$$

Broj poluprava određenih temenima  
konveksnog 13-tougla je:

$$n_{pp} = \square$$

Neka je dato 5 raznih tačaka. Maksimalan broj raznih poluprava koje određuju ove date tačke je:

$$n_{pp} = \square$$

**NIVO**

**4 – VRLO DOBAR**

**AUTOR: Bogdan Đurić**

Neka je dato 5 nekomplanarnih tačaka.  
Maksimalan broj raznih ravni koje određuju ove  
date tačke je:

$$n_{\pi} = \square$$



Neka je dato 5 raznih prava. Maksimalan broj duži određenih presečnim tačkama ovih datih prava je:

$$n_d = \square$$

Za okruglim stolom sedi 7 vitezova. Svaki se posvađao i ne govori sa svojim susedima za stolom. Treba odabrati dva viteza koja nisu u svađi da oslobode zarobljenu princezu. Broj mogućih različitih parova je:

$$n_2 = \square$$

Broj ravni određenih temenima konveksnog 13-tougla koje sadrže tačku  $A$  van ravni tog 13-tougla je:

$$n_{\pi} = \square$$

Đate su tri paralelne prave  $a$ ,  $b$  i  $c$  koje ne pripadaju jednoj ravni. Na pravoj  $a$  date su 3, na pravoj  $b$  4, a na pravoj  $c$  5 raznih tačkaka. Broj različitih trouglova određenih ovim tačkaka, kroz čija temena prolaze ove tri prave, je:

$$n_3 = \square$$

Đate su tri paralelne prave  $a$ ,  $b$  i  $c$  koje ne pripadaju jednoj ravni. Na pravoj  $a$  date su 3, na pravoj  $b$  4, a na pravoj  $c$  5 raznih tačkaka. Broj različitih ravni koje seku ove tri prave, određenih ovim tačkaka je:

$$n_{\pi} = \square$$

**NIVO**

**5 – ODLIČAN**

**AUTOR: Bogdan Đurić**

Date su dve paralelne prave  $a$  i  $b$ . Na pravoj  $a$  dato je 5, a na pravoj  $b$  6 raznih tačaka. Broj različitih trouglova određenih ovim tačkama je:

$$n_3 = \square$$

Za okruglim stolom sedi 7 vitezova. Svaki se posvađao i ne govori sa svojim susedima za stolom. Treba odabrati tri viteza koja nisu u svađi da oslobode zarobljenu princezu. Broj mogućih različitih trojki je:

$$n_3 = \square$$



Date su dve paralelne ravni  $\alpha$  i  $\beta$ . U ravni  $\alpha$  dat je pravilan 5-tougao, a u ravni  $\beta$  pravilan 6-tougao. Maksimalan broj različitih ravni određenih ovim tačkama (bez  $\alpha$  i  $\beta$ ) je:

$$n_{\pi} = \square$$

Đane su dve paralelne prave  $a$  i  $b$ . Na pravoj  $a$  dato je 5, a na pravoj  $b$  6 raznih tačaka. Broj različitih četvorouglova određenih ovim tačkama je:

$$n_4 = \square$$

Učenici 8 razreda formirali su 2 grupe. U prvoj grupi bilo je 5 dečaka, a u drugoj grupi 6 devojčica. Treba da izaberu tročlani mešoviti tim (moraju da budu zastupljeni i dečaci i devojčice) za međuškolsko takmičenje iz matematike. Broj mogućih različitih mešoviti timova je:

$$n_3 = \square$$

**LEKCIJA:**

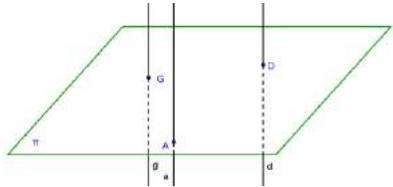
**PRAVA I RAVAN. ODNOS  
DVE PRAVE. DVE RAVNI.  
ODREĐENOST RAVNI**

**AUTOR: Bogdan Đurić**

**NIVO**

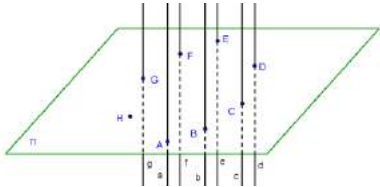
**2 – DOVOLJAN**

Date prave su normalne na ravan  $\pi$  (vidi crtež). Broj raznih ravni koje možemo konstruisati kroz date prave je:



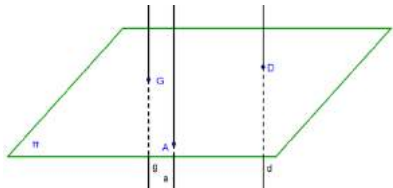
$$n_{\pi} = \square$$

Dane prave su normalne na ravan  $\pi$  (vidi crtež). Broj raznih ravni koje možemo konstruisati kroz tačku  $H \in \pi$  i jednu od datih prava je:



$$n_{\pi} = \square$$

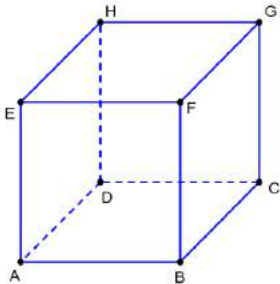
Dane prave su normalne na ravan  $\pi$  (vidi crtež). Broj raznih poluravni (napomena:  $\overrightarrow{ad} \neq \overrightarrow{da}$ ) koje možemo konstruisati kroz date prave je:



$$n_{p\pi} = \square$$



Broj ravni određenih ivicama kocke (vidi crtež)  
je:



$$n_{\pi} = \square$$

AUTOR: Bogdan Đurić

**Kad prava i ravan nemaju zajedničkih tačaka,  
tada se nalaze u sledećem međusobnom položaju:**

**Kad dve ravni nemaju zajedničkih tačaka, tada se nalaze u sledećem međusobnom položaju:**

**Kad ne postoji ravan koja sadrži dve date prave, tada se te dve prave nalaze u sledećem međusobnom položaju:**

**NIVO**

**3 – DOBAR**

Neka je dato 5 raznih prava koje imaju tačno jednu zajedničku tačku. Maksimalan broj raznih ravni koje određuju ove date prave je:

$$n_{\pi} = \square$$

Neka je dato 5 raznih međusobno paralelnih prava. Maksimalan broj raznih ravni koje određuju ove date prave je:

$$n_{\pi} = \square$$

Neka je dato 5 raznih ravni koje imaju tačno jednu zajedničku tačku. Maksimalan broj raznih presečnih prava određenih ovim datim ravnima je:

$$n_p = \square$$



Neka je u ravni  $\pi$  dato 5 raznih prava. Broj raznih poluravni koje određuju ove date prave je:

$$n_{p\pi} = \square$$

Neka je dato 5 raznih ravni. Broj raznih poluprostora određenih ovim datim ravnima je:

$$n_{p\Pi} = \square$$

Neka je u ravni  $\pi$  dato 5 raznih prava koje imaju tačno jednu zajedničku tačku. Broj disjunktivnih oblasti na koje ove date prave dele ravan  $\pi$  je:

$$n_{\sigma} = \square$$

Neka je u ravni  $\pi$  dato 5 raznih međusobno paralelnih prava. Broj disjunktivnih oblasti na koje ove date prave dele ravan  $\pi$  je:

$$n_{\sigma} = \square$$

Neka je dato 5 raznih ravni koje imaju tačno jednu zajedničku pravu. Broj disjunktivnih oblasti na koje prostor dele ove date ravni je:

$$n_{\Sigma} = \square$$

Neka je dato 5 raznih međusobno paralelnih ravni. Broj disjunktivnih oblasti na koje prostor dele ove date ravni je:

$$n_{\Sigma} = \square$$

**NIVO**

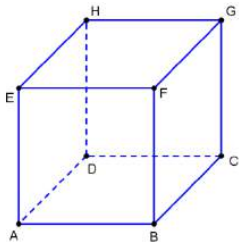
**4 – VRLO DOBAR**

Date su dve paralelne ravni  $\alpha$  i  $\beta$ . U ravni  $\alpha$  dato je 5 raznih prava, a u ravni  $\beta$  dato je 6 raznih tačaka. Maksimalan broj ravni određenih ovim datim pravama i tačkama (bez  $\alpha$  i  $\beta$ ) je:

$$n_{\pi} = \square$$

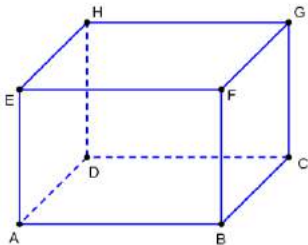


Broj ravni potrebnih da bi datu kocku (vidi crtež) podelili na 8 manjih međusobno podudarnih kockica je:



$$n_{\pi} = \square$$

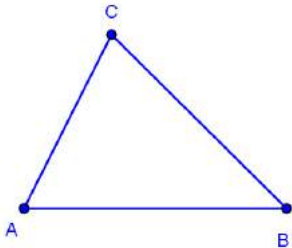
Broj ravni potrebnih da bi dati kvadar (vidi crtež) podelili na 8 manjih međusobno podudarnih kvadara je:



$$n_{\pi} = \square$$

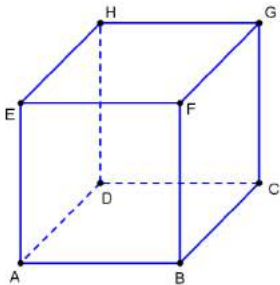
AUTOR: Bogdan Đurić

Broj prava potrebnih da bi dati trougao (vidi crtež) podelili na 9 manjih međusobno podudarnih trouglova je:



$$n_p = \square$$

Broj parova mimoilaznih prava određenih ivicama kocke (vidi crtež) je:



$$n_m = \square$$

AUTOR: Bogdan Đurić

**NIVO**

**5 – ODLIČAN**

**AUTOR: Bogdan Đurić**

Neka je dato 5 raznih ravni koje imaju tačno jednu zajedničku pravu  $p$ . Tu pravu  $p$  seku 5 drugih ravni normalnih na nju. Broj disjunktivnih oblasti na koje prostor dele ove date ravni je:

$$n_{\Sigma} = \square$$

U ravni  $\pi$  dato je 5 raznih prava takvih da se svake dve seku i ne postoje tri koje se seku u jednoj tački. Broj disjunktivnih oblasti na koje date prave dele ravan  $\pi$  je:

$$n_{\sigma} = \square$$

U ravni  $\pi$  dato je 5 raznih prava takvih da se svake dve seku i ne postoje tri koje se seku u jednoj tački. Broj disjunktivnih otvorenih oblasti na koje date prave dele ravan  $\pi$  je:

$$n_{\sigma} = \square$$



U ravni  $\pi$  dato je 5 raznih prava takvih da se svake dve seku i ne postoje tri koje se seku u jednoj tački. Broj disjunktivnih zatvorenih oblasti na koje date prave dele ravan  $\pi$  je:

$$n_{\sigma} = \square$$

U ravni  $\pi$  dato je 5 raznih koncentričnih kružnica i tačka  $P \in \pi$  van tih kružnica. Iz date tačke  $P$ , konstruisana je po jedna tangenta na svaku od kružnica. Broj disjunktivnih zatvorenih oblasti na koje date kružnice i tangente dele ravan  $\pi$  je:

$$n_{\sigma} = \square$$

**LEKCIJA:**

# **ORTOGONALNA PROJEKCIJA NA RAVAN**

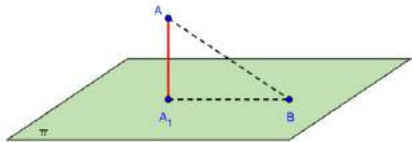
**AUTOR: Bogdan Đurić**

**NIVO**

**2 – DOVOLJAN**

Ako je  $A_1$  ortogonalna projekcija tačke  $A$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $B \in \pi$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $A_1B = 4 \text{ cm}$ , tada je:

$$AA_1 = \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}$$

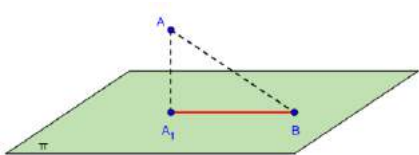


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako je  $A_1$  ortogonalna projekcija tačke  $A$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $B \in \pi$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $AA_1 = 3 \text{ cm}$ , tada je:

$$A_1B = \square \text{ cm}$$

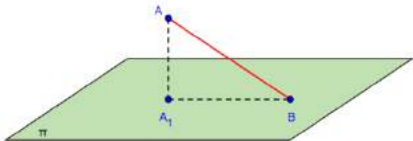


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako je  $A_1$  ortogonalna projekcija tačke  $A$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $B \in \pi$ ,  $A_1B = 4 \text{ cm}$  i  $AA_1 = 3 \text{ cm}$ , tada je:

$$AB = \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}$$

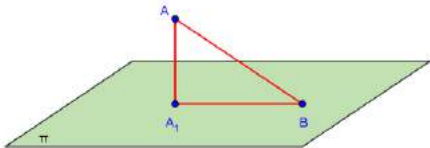


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako je  $A_1$  ortogonalna projekcija tačke  $A$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $B \in \pi$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $A_1B = 4 \text{ cm}$ , tada je obim trougla  $AA_1B$ :

$$O = \square \text{ cm}$$



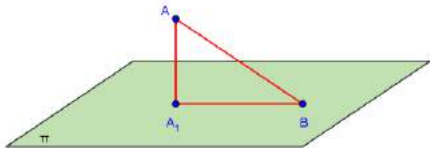
(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić



Ako je  $A_1$  ortogonalna projekcija tačke  $A$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $B \in \pi$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $AA_1 = 3 \text{ cm}$ , tada je obim trougla  $AA_1B$ :

$$O = \square \text{ cm}$$

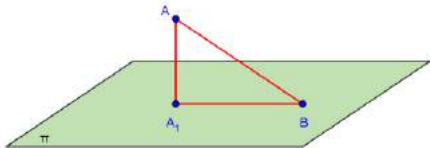


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako je  $A_1$  ortogonalna projekcija tačke  $A$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $B \in \pi$ ,  $A_1B = 4 \text{ cm}$  i  $AA_1 = 3 \text{ cm}$ , tada je obim trougla  $AA_1B$ :

$$O = \square \text{ cm}$$

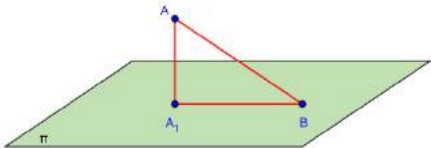


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako je  $A_1$  ortogonalna projekcija tačke  $A$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $B \in \pi$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $A_1B = 4 \text{ cm}$ , tada je površina trougla  $AA_1B$ :

$$P = \square \text{ cm}^2$$

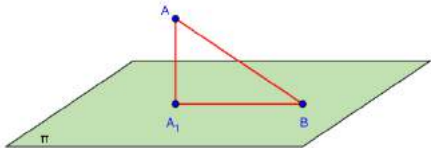


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako je  $A_1$  ortogonalna projekcija tačke  $A$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $B \in \pi$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $AA_1 = 3 \text{ cm}$ , tada je površina trougla  $AA_1B$ :

$$P = \square \text{ cm}^2$$



(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

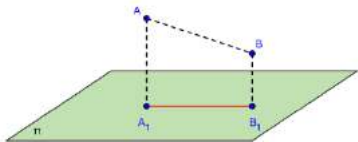
**AUTOR: Bogdan Đurić**

**NIVO**

**3 – DOBAR**

Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $AB = 5 \text{ cm}$ ,  $AA_1 = 7 \text{ cm}$  i  $BB_1 = 4 \text{ cm}$ , tada je:

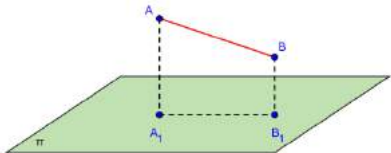
$$A_1B_1 = \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}$$



(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $A_1B_1 = 4\text{ cm}$ ,  $AA_1 = 7\text{ cm}$  i  $BB_1 = 4\text{ cm}$ , tada je:

$$AB = \boxed{\phantom{00}}\text{ cm}$$

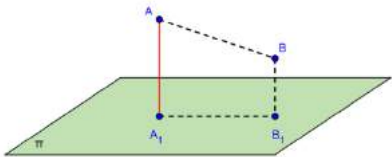


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $A_1B_1 = 4 \text{ cm}$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $BB_1 = 4 \text{ cm}$ , tada je:

$$AA_1 = \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}$$



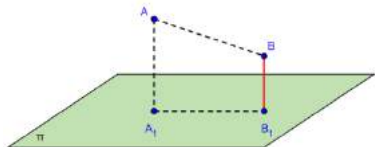
(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić



Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $A_1B_1 = 4 \text{ cm}$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $AA_1 = 7 \text{ cm}$ , tada je:

$$BB_1 = \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}$$

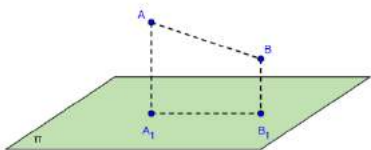


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $AB = 5\text{ cm}$ ,  $AA_1 = 7\text{ cm}$  i  $BB_1 = 4\text{ cm}$ , tada je obim četvorougla  $A_1B_1BA$ :

$$O = \square \text{ cm}$$

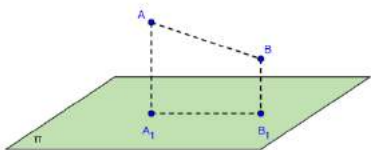


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $A_1B_1 = 4\text{ cm}$ ,  $AA_1 = 7\text{ cm}$  i  $BB_1 = 4\text{ cm}$ , tada je obim četvorougla  $A_1B_1BA$ :

$$O = \square \text{ cm}$$

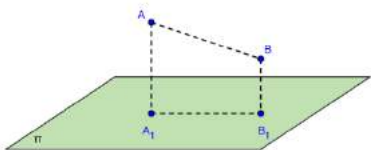


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $A_1B_1 = 4 \text{ cm}$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $BB_1 = 4 \text{ cm}$ , tada je obim četvorougla  $A_1B_1BA$ :

$$O = \square \text{ cm}$$

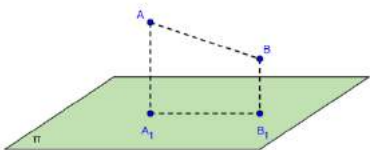


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevenu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $A_1B_1 = 4 \text{ cm}$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $AA_1 = 7 \text{ cm}$ , tada je obim četvorougla  $A_1B_1BA$ :

$$O = \square \text{ cm}$$

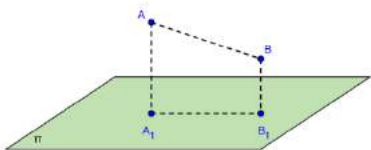


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevenu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $AB = 5 \text{ cm}$ ,  $AA_1 = 7 \text{ cm}$  i  $BB_1 = 4 \text{ cm}$ , tada je površina četvorougla  $A_1B_1BA$ :

$$P = \square \text{ cm}^2$$

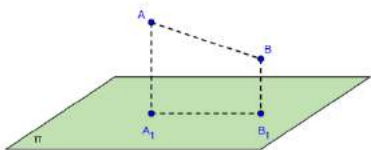


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevenu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $A_1B_1 = 4 \text{ cm}$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $BB_1 = 4 \text{ cm}$ , tada je površina četvorougla  $A_1B_1BA$ :

$$P = \square \text{ cm}^2$$

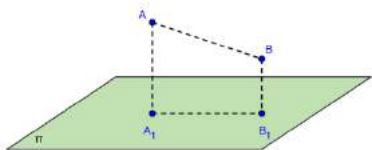


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $A_1B_1 = 4 \text{ cm}$ ,  $AB = 5 \text{ cm}$  i  $AA_1 = 7 \text{ cm}$ , tada je površina četvorougla  $A_1B_1BA$ :

$$P = \square \text{ cm}^2$$



(u odgovarajuće polje upisati samo brojevenu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

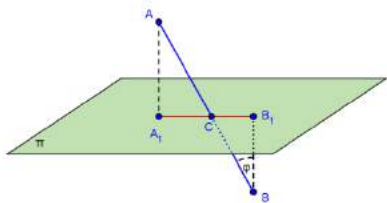


**NIVO**

**4 – VRLO DOBAR**

Neka duž  $AB$  prodire ravan  $\pi$  u tački  $C$ . Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $AB = 10 \text{ cm}$  i  $\varphi = 30^\circ$ , tada je:

$$A_1B_1 = \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}$$

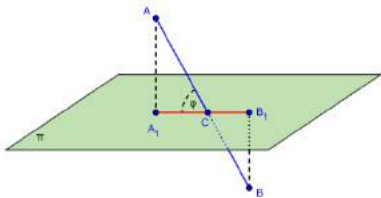


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Neka duž  $AB$  prodire ravan  $\pi$  u tački  $C$ . Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $AB = 10 \text{ cm}$  i  $\varphi = 60^\circ$ , tada je:

$$A_1B_1 = \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}$$

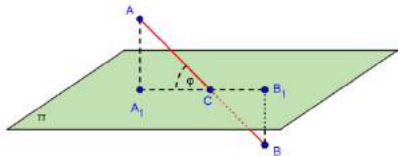


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Neka duž  $AB$  prodire ravan  $\pi$  u tački  $C$ . Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $A_1B_1 = 5\sqrt{2}$  cm i  $\varphi = 45^\circ$ , tada je:

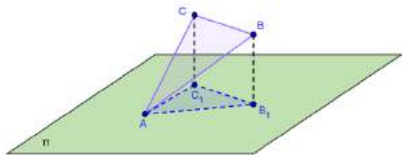
$$AB = \boxed{\phantom{000}} \text{ cm}$$



(u odgovarajuće polje upisati samo brojevenu vrednost, bez oznake merne jedinice)

Teme  $A$  hipotenuze  $AB$  trougla  $ABC$  leži u ravni  $\pi$  koja je paralelna kateti  $BC$ . Dužina jedne katete je  $BC = 3 \text{ cm}$ . Ako ortogonalna projekcija jedne od kateta na ravan  $\pi$  ima dužinu  $\sqrt{7} \text{ cm}$ , tada je dužina ortogonalne projekcije hipotenuze  $AB$ :

$$AB_1 = \square \text{ cm}$$

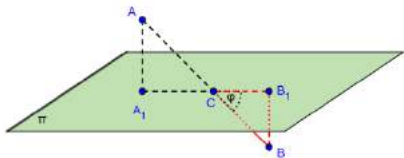


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Neka duž  $AB$  prodire ravan  $\pi$  u tački  $C$ . Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $A_1B_1 = 5\sqrt{2}$  cm,  $P_{\Delta AA_1C} = 9$  cm<sup>2</sup> i  $\varphi = 45^\circ$ , tada je površina  $\Delta BB_1C$ :

$$P_{\Delta BB_1C} = \boxed{\phantom{000}} \text{ cm}^2$$

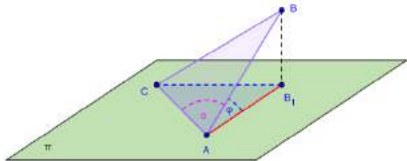


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Kateta  $AC = \sqrt{3} \text{ cm}$  pravougloug trougla  $ABC$ , sa uglom  $\alpha = 60^\circ$  leži u ravni  $\pi$ . Ako je hipotenuza  $AB$  ovog trougla nagnuta prema ravni  $\pi$  pod uglom  $\varphi = 30^\circ$ , tada je dužina ortogonalne projekcije te hipotenuze na ravan  $\pi$ :

$$AB_1 = \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}$$



(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

**NIVO**

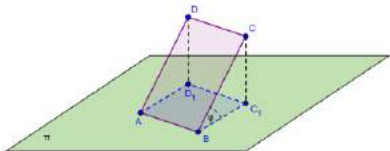
**5 – ODLIČAN**

**AUTOR: Bogdan Đurić**



Pravougaonik  $ABCD$  nagnut je prema ravni  $\pi$  pod uglom  $\varphi = 60^\circ$  i  $AB \subset \pi$ . Ako je njegova ortogonalna projekcija  $ABC_1D_1$  na ravan  $\pi$  kvadrat površine  $4 \text{ cm}^2$ , tada je obim pravougaonika  $ABCD$ :

$$O = \square \text{ cm}$$

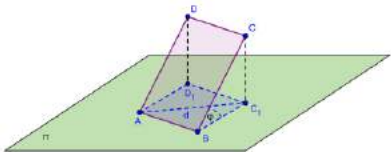


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Pravougaonik  $ABCD$  nagnut je prema ravni  $\pi$  pod uglom  $\varphi = 60^\circ$  i  $AB \subset \pi$ . Ako je njegova ortogonalna projekcija  $ABC_1D_1$  na ravan  $\pi$  kvadrat dijagonale  $d = 2\sqrt{6}$  cm, tada je površina pravougaonika  $ABCD$ :

$$P = \square \text{ cm}^2$$

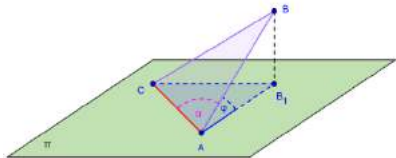


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnú vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Neka je  $AB_1C$  ortogonalna projekcija pravouglog trougla  $ABC$ , sa uglom  $\alpha = 60^\circ$ , na ravan  $\pi$ . Ako je hipotenuza  $AB$  ovog trougla nagnuta prema ravni  $\pi$  pod uglom  $\varphi = 30^\circ$  i  $P_{\Delta AB_1B} = 2\sqrt{3} \text{ cm}^2$ , tada je:

$$AC = \boxed{\phantom{000}} \text{ cm}$$

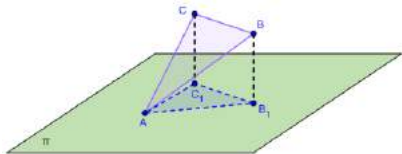


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Teme  $A$  hipotenuze  $AB$  trougla  $ABC$  leži u ravni  $\pi$  koja je paralelna kateti  $BC$ . Neka je  $AB = 5 \text{ cm}$ ,  $AB_1 = 4 \text{ cm}$  i  $AC_1 = \sqrt{7} \text{ cm}$ , gde su  $B_1$  i  $C_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $B$  i  $C$  na ravan  $\pi$ , tada je površina trougla  $ABC$ :

$$P = \square \text{ cm}^2$$

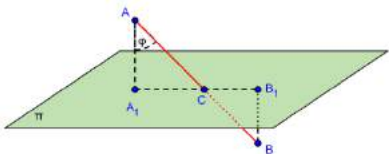


(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić

Neka duž  $AB$  prodire ravan  $\pi$  u tački  $C$ . Ako su  $A_1$  i  $B_1$  ortogonalne projekcije tačaka  $A$  i  $B$  na ravan  $\pi$  (vidi crtež),  $\varphi = 45^\circ$  i obim figure  $AA_1CB_1BCA$  je  $O_F = (10 + 10\sqrt{2})$  cm, tada je:

$$AB = \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}$$



(u odgovarajuće polje upisati samo brojevnu vrednost, bez oznake merne jedinice)

AUTOR: Bogdan Đurić